

1. $2x - y = 9$

$\downarrow \quad \downarrow$

5 1

6 3

7 5

8 7

9 9

10 11

$\vdots \quad \vdots$

şeklinde değerler bulunur.

x tek veya çift olabilir. y sayısı tektir. x, y den her zaman büyük değildir. Buna göre, sadece II doğrudur.

Cevap : A

2. $n = 2$ olarak seçelim.

- A) $\frac{2}{2} = 1$ B) $(2 + 1)^2 = 9$ C) $2! = 2$
 D) $2^{2-1} = 2$ E) $(2 + 4)^{2+2} = 6^4$

A seçenekinde $n = 4$ seçilirse $\frac{4}{2} = 2$ sayı çift olur.

B seçeneği kesinlikle tek sayıdır.

TASARI & DEV KADRO

Cevap : B

3. $\boxed{x+y} + \boxed{3} = \boxed{4z}$

\downarrow

Tek

\downarrow

Tek

\downarrow

Çift

z için kesin bir şey söylenemez. x + y toplam tek sayı olduğundan x tek ise y çift veya x çift ise y tek sayıdır.

Cevap : D

4. 51 tane sayının tamamı tek sayı olursa çarpımları tek sayı olur. 50 tanesi tek 1 tanesi çift seçilirse çarpımları da toplamları da bir çift sayı olur.

Cevap : B

5. $a > b > c$ ve sayılar ardışık tek olduğundan a, b, c sırasıyla 5, 3, 1 şeklinde seçilirse;

$$\frac{(c-b)(c-a)(b-a)}{-a-2b+3c} = \frac{(1-3)(1-5)(3-5)}{-5-2.3+3.1}$$

$$= \frac{(-2).(-4).(-2)}{-8} = \frac{-16}{-8} = 2$$

Cevap : E

6. Ardışık iki çift sayı arasındaki fark 2'dir.

$$A < B^2 < A + B$$

olduğundan

$$\left. \begin{array}{l} A + 2 = B^2 \\ B^2 + 2 = A + B \end{array} \right\} \begin{array}{l} A + 4 = A + B \\ B = 4 \end{array}$$

$$A + 2 = 4^2$$

$$A = 14$$

Buna göre, $A - B = 14 - 4 = 10$ 'dur.

Cevap : E

7. $a^2 + \boxed{2b^2} + 3c^2 \Rightarrow$ çift sayı

\downarrow

çift

$(2b^2)$ her zaman çifttir. b için kesin bir şey söylenemez.

$a^2 + 3c^2$ çift sayı olmalıdır. Buna göre, a tek sayı ise c tek ve a çift sayı ise c çifttir.

Verilen ifadelerden a + c kesinlikle tek sayıdır.

Cevap : B

8. $\frac{a.b - 3}{c} = 4$

$$\underbrace{a.b - 3}_{\downarrow \quad \downarrow} = \boxed{4c}$$

$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$

Tek Tek Çift

a.b çarpımı tek sayıdır.

Cevap : C

9. $\underbrace{(a+2b)}_{\text{Tek}} \cdot \underbrace{(b-3c)}_{\text{Tek}} = \text{Tek ise}$

- $a+2b = \text{Tek}$ olduğundan a sayısı tekdir.
- $(b-3c) = \text{Tek}$ ise b veya c sayılarından bir tanesi kesinlikle çift sayıdır.

Bu durumda

- $a \cdot b \rightarrow \text{Tek veya çift olabilir.}$
- $b \cdot c \rightarrow \text{Kesinlikle çift sayıdır.}$
- $c \cdot a \rightarrow \text{Tek veya çift olabilir.}$

Böylelikle yalnız II her zaman çift sayıdır.

Cevap: B

10. Katsayısı çift olan ifade çifttir.

◊ $a+2b+3c \rightarrow \text{Tek ise}$ $\underbrace{a}_{\text{Çift}} + \underbrace{3c}_{\text{T}} = \text{Tek olmalı}$

◊ $2a+b+3c \rightarrow \text{Çift ise}$ $\underbrace{2a}_{\text{Çift}} + \underbrace{b}_{\text{Çift}} + \underbrace{3c}_{\text{T}} = \text{Çift olmalı}$

$$\frac{a}{\text{Ç}} \quad \frac{b}{\text{T}} \quad \frac{c}{\text{T}}$$

T Ç Ç olmalıdır.

I. $a+b \cdot c$
 $\downarrow \quad \underbrace{\quad}_{\text{Ç}} \quad \text{T} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{C} \quad \text{T} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{T} \quad \text{C} \rightarrow \text{Tek}$

II. $b+a \cdot c$
 $\downarrow \quad \underbrace{\quad}_{\text{T}} \quad \text{C} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{T} \quad \text{C} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{C} \quad \text{C} \rightarrow \text{Çift}$

III. $c+a \cdot b$
 $\downarrow \quad \underbrace{\quad}_{\text{T}} \quad \text{C} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{T} \quad \text{C} \rightarrow \text{Tek}$
 $\text{C} \quad \text{C} \rightarrow \text{Çift}$

O halde her zaman yalnız I tektir.

TASARI & DEV KADRO

Cevap: A

11. ◊ $\underbrace{3x+5y}_{\text{Tek}} + \underbrace{2z}_{\text{Çift}} = \text{Tek sayı}$

$$\begin{array}{ccccc} 3x+5y & = & \text{Tek ise} \\ \downarrow & & \downarrow \\ \text{T} & & \text{Ç} \\ \text{Ç} & & \text{T} \end{array}$$

◊ $x+z = \text{Tek}$
 $\downarrow \quad \downarrow$
 $\text{Ç} \quad \text{T}$
 $\text{T} \quad \text{Ç}$

O halde

$$\begin{array}{ccc} \frac{x}{\text{T}} & \frac{y}{\text{Ç}} & \frac{z}{\text{Ç}} \\ \text{Ç} & \text{T} & \text{T} \end{array}$$

Seçenekler incelendiğinde,

| | |
|---|--|
| I. $x+y+z$ $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$ $\text{T} \quad \text{Ç} \quad \text{Ç} \rightarrow \text{Tek}$ $\text{Ç} \quad \text{T} \quad \text{T} \rightarrow \text{Çift}$ | II. $x+y$ $\downarrow \quad \downarrow$ $\text{T} \quad \text{Ç} \rightarrow \text{Tek}$ $\text{Ç} \quad \text{T} \rightarrow \text{Tek}$ |
|---|--|

III. $y+z$
 $\downarrow \quad \downarrow$
 $\text{Ç} \quad \text{Ç} \rightarrow \text{Çift}$
 $\text{T} \quad \text{T} \rightarrow \text{Çift}$

| | |
|---|--|
| d) $x \cdot z+y$ $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$ $\text{T} \quad \text{Ç} \quad \text{Ç} \rightarrow \text{Çift}$ $\text{Ç} \quad \text{T} \quad \text{T} \rightarrow \text{Tek}$ | e) $x \cdot y+z$ $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$ $\text{T} \quad \text{Ç} \quad \text{Ç} \rightarrow \text{Tek}$ $\text{Ç} \quad \text{T} \quad \text{T} \rightarrow \text{Tek}$ |
|---|--|

C seçeneği her zaman çifttir.

Cevap: C

- 12.** \diamond $a \cdot (b + c) =$ Tek ise
 a tek ve $b + c$ toplamı da tek sayıdır.
 \diamond $a \cdot (b + d) =$ Çift ise
 a tek olduğundan $b + d$ toplamı çifttir.

$$\begin{array}{rcl} b & + & c = \text{Tek} & , & b & + & d = \text{Çift} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ \mathcal{C} & T & & \mathcal{C} & & \mathcal{C} & \\ T & \mathcal{C} & & T & & T & \end{array}$$

$$\begin{array}{cccc} \frac{a}{T} & \frac{b}{\mathcal{C}} & \frac{c}{T} & \frac{d}{\mathcal{C}} \\ T & \mathcal{C} & T & \mathcal{C} \\ T & T & \mathcal{C} & T \end{array}$$

I. $b \cdot (c + d)$
 $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$
 $\mathcal{C} \quad T \quad \mathcal{C} \rightarrow \text{Çift}$
 $T \quad \mathcal{C} \quad T \rightarrow \text{Tek}$

II. $c \cdot (d + a)$
 $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$
 $T \quad \mathcal{C} \quad T \rightarrow \text{Tek}$
 $\mathcal{C} \quad T \quad T \rightarrow \text{Çift}$

III. $d \cdot (a + b)$
 $\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$
 $\mathcal{C} \quad T \quad \mathcal{C} \rightarrow \text{Çift}$
 $T \quad T \quad T \rightarrow \text{Çift}$

Bu durumda yalnız III çift sayıdır.

TASARI & DEV KADRO

Cevap: C

1. Sayılar n , $(n + 1)$, $(n + 2)$ olsun.

$$n.(n + 1).(n + 2) = 210$$

$$n.(n + 1).(n + 2) = 5 \cdot 6 \cdot 7$$

$n = 5$ olur.

Sayılar 5, 6, 7'dir. Toplamları da $5 + 6 + 7 = 18$ 'dır.

Cevap : C

2. Sayılar n , $(n + 2)$ ve $(n + 4)$ olsun.

$$n.(n + 2).(n + 4) = 55.(n + n + 2 + n + 4)$$

$$n.(n + 2).(n + 4) = 55.(3n + 6)$$

$$\cancel{n}.\cancel{(n + 2)}.(n + 4) = 55.3.\cancel{(n + 2)}$$

$$n.(n + 4) = 165$$

↓ ↓

11 15

Buna göre, sayılar 11, 13, 15'tir.

En büyük sayı 15 olur.

5. $1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 79$

toplamanın sonucunu bulmak için terim sayısıyla ortadaki sayı çarpılır.

$$\begin{aligned}\text{Toplam} &= \left(\frac{\text{son} - \text{ilk}}{\text{artış miktarı}} + 1 \right) \cdot \left(\frac{\text{son} + \text{ilk}}{2} \right) \\ &= \left(\frac{79 - 1}{2} + 1 \right) \cdot \left(\frac{79 + 1}{2} \right) \\ &= 40.40 \\ &= 1600\end{aligned}$$

Cevap : E

$$1 + 3 + \dots + (2n - 1) = n^2$$

olduğundan ardışık tek sayıların toplamı 1 ile başladığında sonuç tam karedir.

TASARI & DEV KADRO

Cevap : D

3. Tek sayıların en fazla olabilmesi için çift sayıların en küçük olması gereklidir.

$$2 + 4 + 6 + n + (n + 2) + (n + 4) = 75$$

$$3n + 6 = 63$$

$$3n = 57$$

$$n = 19$$

Tek sayılar 19, 21, 23 olacağından en büyüğü en fazla 23'tür.

Cevap : D

4. $a < 4 < b < 9 < c$

$$4 - a = b - 4$$

$$8 = a + b$$

$$a + b + b + c = 8 + 18$$

$$a + 2b + c = 26$$

$$9 - b = c - 9$$

$$b + c = 18$$

Cevap : E

6. $33 + 38 + 43 + \dots + 63$

$$\begin{aligned}&= \left(\frac{63 - 33}{5} + 1 \right) \cdot \left(\frac{63 + 33}{2} \right) \\ &= 7 \cdot \frac{96}{2} = 7.48 = 336\end{aligned}$$

Cevap : A

7. Sayılar n , $n + 2$, $n + 4$, $n + 6$ olsun

$$n + (n + 2) + (n + 4) + (n + 6) = a$$

$$4n + 12 = a$$

$$n = \frac{a - 12}{4}$$

Cevap : A

8. İlk 40 pozitif tam sayının toplamı

$$2 + 4 + 6 + \dots + 80 = \mathcal{C}$$

İlk 40 pozitif tek tam sayının toplamı

$$1 + 3 + 5 + \dots + 79 = T \text{ dir.}$$

$(\mathcal{C} - T)$ farkı için taraf tarafa çıkarma işlemi yapılırsa;

$$\mathcal{C} - T = \underbrace{1 + 1 + 1 + \dots + 1}_{40 \text{ tane}} = 40$$

9. Ardışık altı tam sayı,

$n, n+1, n+2, n+3, n+4, n+5$ olarak seçiliip toplamı en küçük sayıya bölünürse;

$$\frac{6n+15}{n} = 9$$

$$6n+15 = 9n$$

$$15 = 3n$$

$$5 = n$$

Bu sayılardan en büyüğü ($n+5$)

$$= (5+5) = 10$$
dur.

Cevap : C

10. Ardışık iki tam sayı arasındaki fark 1 veya (-1) 'dır.

$$(3n+5) - (4n-11)$$

$$3n+5 - 4n + 11$$

$$\begin{array}{ccc} & -n+16 & \\ \swarrow & & \searrow \\ -n+16 = 1 & & -n+16 = -1 \\ n = 15 & & n = 17 \end{array}$$

n 'in değerleri toplamı $15 + 17 = 32$ 'dir.

Cevap : D

TASARI & DEV KADRO

11. Ardışık 4 tek sayının toplamı

$$15 + 17 + 19 + 21 = 72$$
 dir.

$$\begin{array}{c} 72 \mid 3 \\ |(24) \rightarrow \text{ortadaki sayı} \\ \swarrow \quad \searrow \\ 22, 24, 26 \end{array}$$

Buna göre, çift sayıların en büyüğü 26'dır.

Cevap : B

12. $x < y < z$ ardışık sayıları 1, 2, 3 şeklinde seçilirse;

$$\begin{aligned} \frac{2x+y+3z+5}{6} &= \frac{2 \cdot 1 + 2 + 3 \cdot 3 + 5}{6} \\ &= \frac{18}{6} \\ &= 3 \end{aligned}$$

$x = 1$ olduğundan istenilen cevap $(x+2)$ dir.

Cevap : D

13. a, b, c sırasıyla ardışık sayılar olduğundan $a = b - 1$ ve $c = b + 1$ 'dir.

$$a \cdot c = (b-1)(b+1) = b^2 - 1$$
 olur.

Cevap : B

14. Ardışık 13 tane tamsayının toplamı 13'ün katı olmalıdır. 223 sayısı 13'ün katı değildir.

Cevap : D

15. $9 + 13 + 17 + \dots + (4n+1) = 270$

$$\left(\frac{4n+1-9}{4}+1\right) \cdot \left(\frac{4n+1+9}{2}\right) = 270$$

$$(n-1) \cdot (2n+5) = 270$$

$$(n-1) \cdot (2n+5) = 10 \cdot 27$$

↓

$$n-1 = 10$$

$$n = 11$$

Cevap : C

16. Ardışık sayılar $n, n+1, n+2, n+3, n+4$ olsun. x iki basamaklı olmak üzere;

$$n+n+1+n+2+n+3+n+4=x$$

$$5n+10=x$$

$n = 1, 2, 3, \dots, 17$ değerleri verilirse x iki basamaklı olacağından x 'in 17 farklı değeri vardır.

Cevap : C

1. $1+3+5+\dots+n = \left(\frac{n+1}{2}\right)^2 = 121$

$$\left(\frac{n+1}{2}\right)^2 = 121$$

$$\frac{n+1}{2} = 11$$

$$n+1 = 22$$

$n = 21$ olur.

Cevap : B

5. $14 + 17 + 20 + \dots + 47 = A$

$$15 + 17 + 19 + \dots + 37 = B$$

A toplamında $\frac{47-14}{3} + 1 = 12$ tane ve

B toplamında $\frac{37-15}{2} + 1 = 12$ tane terim vardır. B'den A çıkarılırsa;

$$B - A = 1 + 0 + (-1) + (-2) + \dots + (-10)$$

$$B - A = 1 - \frac{10 \cdot 11}{2}$$

$$B - A = 1 - 55$$

$$B = A - 54 \text{ olur.}$$

Cevap : A

2. Ardışık sekiz doğal sayı;

$n, n+1, n+2, n+3, n+4, n+5, n+6, n+7$ olarak seçilirse;

$$n + n + 1 + n + 2 = m$$

$$3n + 3 = m$$

$$3n = m - 3$$

son üç terimin toplamı

$$n + 5 + n + 6 + n + 7$$

$$= 3n + 18 = m - 3 + 18 = m + 15$$

Cevap : B

TASARI & DEV KADRO

6.

7'nin katı iki basamaklı tamsayıların toplamı;

$$A = (-98) + (-91) + \dots + (-14) + 14 + \dots + 91 + 98$$

$$A = 0 \text{ olur.}$$

9'un katı iki basamaklı doğal sayıların toplamı

$$B = 18 + 27 + \dots + 99$$

$$= \left(\frac{99-18}{9} + 1\right) \cdot \left(\frac{99+18}{2}\right)$$

$$= 10 \cdot \frac{117}{2} = 585$$

Cevap : E

3. $A < B < C$ olduğundan $B = A + 1$ ve $C = A + 2$ 'dir.

$K < L < M$ olduğundan $K = L - 1$ ve $M = L + 1$ olur.

$$(K + L + M) - (A + B + C) = 120$$

$$(L - 1 + L + L + 1) - (A + A + 1 + A + 2) = 120$$

$$3L - 3A - 3 = 120$$

$$3(L - A) = 123$$

$$L - A = 41$$

Cevap : B

4. $n + (n + 3) + (n + 6) + \dots + (n + 33) = 450$

$$\left(\frac{n+33-n}{3} + 1\right) \cdot \left(\frac{n+33+n}{2}\right) = 450$$

$$\frac{6}{12} \cdot \left(\frac{2n+33}{2}\right) = 450$$

$$12n + 198 = 450$$

$$12n = 252$$

$$n = 21$$

Cevap : C

7. $1 + 2 + 3 + \dots + x = 17 \cdot x$

$$\frac{x \cdot (x+1)}{2} = 17 \cdot x$$

$$\frac{x+1}{2} = 17$$

$$x + 1 = 34$$

$$x = 33$$

Cevap : C

8. $1.2 + 2.3 + 3.4 + \dots + 15.16 = A$
her terimin birinci çarpanı 2 artırılırsa
 $3.2 + 4.3 + 5.4 + \dots + 17.16 = B$
Buna göre;
 $- / A = 2 + 6 + 12 + \dots + 240$
 $B = 6 + 12 + 20 + \dots + 272$
-
- $$\begin{aligned} B - A &= 4 + 6 + 8 + \dots + 32 \\ &= \left(\frac{32-4}{2} + 1\right) \cdot \left(\frac{32+4}{2}\right) \\ &= 15 \cdot \frac{36}{2} \\ &= 270 \end{aligned}$$

Cevap : D

9. $340 + 342 + 344 + \dots + 388$
Terim Sayısı = $\frac{388-340}{2} + 1 = \frac{48}{2} + 1 = 25$

Ortadaki Sayı = $\frac{388-340}{2} = \frac{728}{2} = 364$

Kural gereği: 364×25 bulunur.

Cevap: D

10. Seçenekler incelendiğinde,
36 sayısı 6'nın karesi olduğunda karesel sayı aynı zamanda
 $1 + 2 + 3 + \dots + 8 = \frac{8.9}{2} = 36$ olduğundan üçgensel sayıdır.

Cevap: B

11. $n = 1$ için $\frac{1+1}{43} = \frac{2}{43}$ dk
 $n = 2$ için $\frac{2+1}{43} = \frac{3}{43}$ dk
 $n = 3$ için $\frac{3+1}{43} = \frac{4}{43}$ dk
⋮
 $n = 40$ için $\frac{40+1}{43} = \frac{41}{43}$ dk

Toplam

$$\begin{aligned} &= \frac{2}{43} + \frac{3}{43} + \frac{4}{43} + \dots + \frac{41}{43} \\ &= \frac{2+3+4+\dots+41}{43} \\ &= \frac{\left(\frac{41+2}{2}\right)\left(\frac{41-2}{1}+1\right)}{43} = \frac{\frac{43}{2} \cdot 40}{43} = \frac{43 \cdot 40}{2 \cdot 43} \\ &= 20 \text{ bulunur.} \end{aligned}$$

Cevap: A

12. 1. kutuya x koysun.

$$\begin{array}{ccccc} \underbrace{1. \text{ kutu}}_x & \underbrace{2. \text{ kutu}}_{x+2} & \underbrace{3. \text{ kutu}}_{x+4} & \underbrace{4. \text{ kutu}}_{x+6} & \underbrace{5. \text{ kutu}}_{x+8} \\ \downarrow & & \downarrow & & \end{array}$$

$$2 \cdot (x + x + 2) - 2 = x + 4 + x + 6 + x + 8$$

$$4x + 4 - 2 = 3x + 18$$

$$x = 18 - 2$$

$$x = 16$$

Mustafa'nın toplam;

$$x + x + 2 + x + 4 + x + 6 + x + 8 = 5x + 20$$

$$= 5 \cdot 16 + 20$$

$$= 80 + 20$$

$$= 100 \text{ cevizi vardır.}$$

Cevap: D

13. $123 \dots 91011 \dots 98\ 99\ 100\ 101 \dots 153\ 154$

$\underbrace{}_{9 \text{ basamak}} \underbrace{}_{\downarrow} \underbrace{}_{\downarrow}$

$$\frac{99 - 10}{1} + 1$$

$$= 89 + 1$$

= 90 terim

$$90 \cdot 2 = 180 \text{ basamaklı}$$

$$\frac{154 - 100}{1} + 1$$

$$= 54 + 1$$

= 55 terim

$$55 \cdot 3 = 165 \text{ basamaklı}$$

O halde $9 + 180 + 165 = 354$ basamaklı bir sayıdır.

Cevap: E

14. Murat eğer bu 3 kartı kaybetmeseysi kartların üzerindeki sayıların toplamı;

$$1 + 2 + 3 + \dots + 24 = \frac{24 \cdot 25}{2} = 300 \text{ olurdu.}$$

Oysaki elinde kalan kartların numaraları toplamı 270 bu durumda $300 - 270 = 30$

Bu kaybettiği 3 ardışık kartın numaraları toplamı;

$$\frac{30}{3} = 10 \text{ Ortadaki sayı bulunur.}$$

9 10 11

→ Kaybettiği en büyük numaralı kart.

TASARI & DEV KADRO

Cevap: C